

Задачи

Тема 1. Приведение к каноническому виду.

№ 1. $y^2U_{xx} + x^2U_{yy} = 0$

№ 2. $U_{xx} + xU_{yy} = 0, \quad x < 0$

№ 3. $xy^2U_{xx} - 2x^2yU_{xy} + x^3U_{yy} - y^2U_x = 0$

№ 4. $U_{xx} + yU_{yy} = 0, \quad y < 0$

№ 5. $U_{xx} - 2\sin xU_{xy} - \cos^2 xU_{yy} - \cos xU_y = 0$

№ 6. $U_{xx} + yU_{yy} - \frac{1}{2}U_y = 0, \quad y < 0$

№ 7. $e^{2x}U_{xx} + 2e^{x+y}U_{xy} + e^{2y}U_{yy} - xU = 0$

№ 8. $yU_{xx} + xU_{yy} = 0, \quad x < 0, \quad y < 0$

№ 9. $U_{xx} - 2xU_{xy} = 0$

№ 10. $yU_{xx} + xU_{yy} = 0, \quad x < 0, \quad y > 0$

№ 11. $xU_{xx} + 2xU_{xy} + (x-1)U_{yy} = 0, \quad x > 0$

№ 12. $\sin^2 xU_{xx} - 2y \sin xU_{xy} + y^2U_{yy} = 0$

№ 13. $xU_{xx} + yU_{yy} = 0, \quad x < 0, \quad y < 0$

№ 14. $U_{xx} - 2U_{xy} + U_{yy} + 9U_x + 9U_y - 9U = 0$

№ 15. $xU_{xx} + yU_{yy} = 0, \quad x > 0, \quad y > 0$

№ 16. $2U_{xx} + 3U_{xy} + U_{yy} + 7U_x + 4U_y - 9U = 0$

№ 17. $U_{xx} + xyU_{yy} = 0, \quad x > 0, \quad y > 0$

№ 18. $U_{xx} + U_{xy} - 2U_{yy} - 3U_x - 15U_y + 27U = 0$

№ 19. $U_{xx} + xU_{yy} = 0, \quad x > 0$

№ 20. $9U_{xx} - 6U_{xy} + U_{yy} + 10U_x - 15U_y - 50U = 0$

№ 21. $U_{xx} + yU_{yy} = 0, \quad y > 0$

№ 22. $x^2U_{xx} + 2xyU_{xy} + y^2U_{yy} = 0$

№ 23. $U_{xx} + yU_{yy} + \frac{1}{2}U_y = 0, \quad y > 0$

№ 24. $U_{xx} + 4U_{xy} + 10U_{yy} - 24U_x + 42U_y = 0$

№ 25. $y^2U_{xx} - x^2U_{yy} = 0$

№ 26. $U_{xx} + 4U_{xy} + 13U_{yy} + 3U_x + 24U_y - 9U = 0$

№ 27. $y^2U_{xx} + x^2U_{yy} = 0$

№ 28. $y^2U_{xx} + 2xyU_{xy} + x^2U_{yy} = 0$

№ 29. $xU_{xx} + yU_{yy} = 0, \quad x > 0, \quad y > 0$

№ 30. $4y^2U_{xx} - e^{2x}U_{yy} - 4y^2U_x = 0$